# 宇宙軟 線検出器SGD用BGOアクティブ シールドのAPD光読み出しの研究

広島大学理学部物理科学科

高エネルギー宇宙・素粒子実験研究室

B044116

池尻 祐輝

主查:深澤泰司 副查:黒岩芳弘

2008年2月8日

#### 概 要

硬 X 線領域 (数 10keV) の非熱的放射機構の解明は、宇宙や、天体の進化解明と非常に密 接な関係がある。2013年打ち上げを目標とした、日本で6番目の X 線天文衛星「NeXT」 は4種類の検出器を搭載し、硬 X 線領域以上の観測精度の飛躍的向上が期待されている。

検出器の1つ、高感度軟 線検出器-SGDは、多積層コンプトンカメラを主な検出部と して、周囲をBGO 井戸型アクティブシールドで囲むことにより、バックグラウンドの大 幅な低減を目指す。現在、アクティブシールドの光読み出しにはAPD が検討されている。 APD を用いることにより、量子効率、エネルギー分解能、threshold の向上、また、検出 器全体の小型化、軽量化が可能となる。

しかし、APD が実用段階に入ったのは近年であ り、今後複数の APD 信号をどのように低ノイズで 読み出すのか、また APD による効率的なシンチレー ション光の読み出し方などが課題である。

そこで本研究では複数のAPDを増幅するPreAmp の数によるノイズの影響を検証し、今後のSGD設計 の指針を示す。図は複数のAPDを同じ数のPreAmp を用いて増幅した場合(多チャンネル)と、信号線を



ーつにまとめ一つの PreAmp で読み出した場合 (単チャンネル) のノイズの比較である。 これにより、3ch までは PreAmp の数を増やしてもノイズの増加は 0.1keV 程度に抑えら れることが分かった。

# 目 次

第1章	序論	7
第2章	結晶シンチレータと半導体検出器を用いた 線検出器	8
2.1	次世代A線大文衛星 NeA1	8
	2.1.1 SGD -Soft Gamma-ray Detector $\ldots$	0
	2.1.2 SGD C IIAD $\dots$	9 10
2.2		10
2.2		10
2.0	2.3.1 BGO シンチレータ	12
	$2.3.2 \text{ APD } -\mathbf{P}\mathbf{N}\mathbf{=}\mathbf{V}\mathbf{=}$	13
2.4	結晶シンチレータと半導体検出器のノイズ	14
	2.4.1 APD に起因するノイズ	14
	2.4.2 処理回路におけるノイズ	15
	2.4.3 半導体検出器におけるノイズ	17
2.5	結晶シンチレータと半導体検出器のエネルギー分解能.........	19
第3章	複数 APD を読み出す PreAmp の数	20
3.1		20
3.2		20
	3.2.1 VME 信号処理回路	21
3.3		23
	3.3.1 PD 特性	23
	3.3.2 PreAmp特性	24
	3.3.3 PD を用いた読み出し PreAmp 数によるノイズの変化	26
		29
3.4		30
	3.4.1 APD 特性	31
		32
	3.4.3 APD を用いた PreAmp 数比較	33
		36
3.5	APD の数と光量の違い	37
3.6		37
	3.6.1 実験セットアップ	37
	3.6.2 実験結果	38
	3.6.3 考察	40
	3.6.4 結論	41

4.1	ライトガイドの役割	42
4.2	実験目的	42
4.3	実験に用いた BGO · ライトガイド	42
	4.3.1 BGO $\mathcal{I} \mathcal{V} - \mathcal{F}$	42
	4.3.2 <b>ライトガイド</b>	43
4.4	実験方法....................................	43
4.5	結果と考察	44
第5章	まとめ	47

# 表目次

2.1	放射線検出のためのシンチレータ特性比較[5]	13
2.2	光検出器の特性比較 [5]	14
3.1	VME 信号処理回路中のモジュール	22
3.2	HV=40V における各 PD の特性	24
3.3	<sup>241</sup> Am(59.5keV) を照射した時のピークチャンネル	24
3.4	入力容量 $C[pF] \rightarrow \delta_{noise,RMS}[ch]$ の変換式	26
3.5	$1$ つの PD を $1$ つの $ ext{PreAmp}$ で読み出し、波高値を足し合わせた場合の	
	$\delta_{noise,FWHM}$ ()内は理論値	28
3.6	複数の PD を $1$ つの $\operatorname{PreAmp}$ で読み出した場合の $\delta_{noise,FWHM}$ () 内は理論値	28
3.7	HV=300Vにおける各 APD の特性	32
3.8	APD1 つのノイズ	34
3.9	$1$ つの APD を $1$ つの $ ext{PreAmp}$ で読み出し、波高値を足し合わせた場合の	
	$\delta_{noise,FWHM}$	34
3.10	複数の APD を $1$ つの $\operatorname{PreAmp}$ で読み出した場合の $\delta_{noise,FWHM}$ · · · · · · · ·	35
3.11	それぞれの組合せにおける <u>実験値</u>	36
3.12	APD1 つに対する光量比 [7][8]	37
3.13	$0 \text{cm} \ge 100 \text{cm}  \boldsymbol{\sigma}$ 場合の $\delta_{noise, FWHM}$	40
4.1	アクリルとガラスの特性比較	42
4.2	各ライトガイドにおける照射エネルギーに対するピークチャンネル () 内は	
	noLG に対する比	45
4.3	再現性のピークチャンネル () 内は $1$ 回目とのずれ $[\%]$	45

# 図目次

2.1	NeXT 衛星予想図 [1]	9
2.2	SGD ユニット概念図 [2]	9
2.3	SGD 全概念図 [3]	9
2.4	SGDとHXD概念図[4]	10
2.5	現段階での SGD 案概念図 2×2(左) 3×3(右)	11
2.6	一般的なシンチレーション検出器の処理回路	11
2.7	PD の等価雑音回路 [12]	17
2.8	APD の等価雑音回路 [12]	18
3.1	$\delta_{noise,FWHM}$ の定義	21
3.2	VME 信号処理回路のブロック図 [6]	21
3.3	HU4715の回路図	22
3.4	タイミングチャート	23
3.5	オシロスコープで見た波形..........................	23
3.6	各電圧での PD 特性 暗電流 (左) 端子間容量 (右)	24
3.7	較正直線取得のための実験回路ブロック図	24
3.8	容量特性測定回路のブロック図	25
3.9	入力容量による $\delta_{noise,RMS}$ の変化	25
3.10	各 PreAmp で得られたスペクトル	25
3.11	4 つの PreAmp のイベントすべてを足し合わせたスペクトル	25
3.12	$(\underline{f})$ gain 補正した各 PreAmp のデータ $\rightarrow$ (右) 足し合わせたデータ	26
3.13	(左) 各 PD のスペクトル (右)PD No6,7,8,9 のパルスデータを足し合わせた	
	スペクトル	27
3.14	複数の PD を 1 つの PreAmp で読み出した時のスペクトル (上左)No.6+7	
	(上右)No.8+9 (下右)No.6+7+8 (下左)No.6+7+8+9	27
3.15	多チャンネル (1 つの PD に 1 つの PreAmp)、単チャンネル (複数の PD に	
	1 つの PreAmp) における PD の個数による $\delta_{noise, FWHM}$	28
3.16	PD における実験値、理論値の比較	29
3.17	線源 <sup>22</sup> Na 照射時のスペクトル(左)shaper gain=500 PMCA 5V (右)shaper	
	gain=100 PMCA 10V	31
3.18	APD gain <b>測定のための回路ブロック図</b>	32
3.19	各電圧での APD 特性 (左) 端子間容量 (中) 暗電流 (右) 増幅率	32
3.20	較正用回路のブロック図	33
3.21	HV=300V Cs-662keV のスペクトル	33
3.22	(左) 各 APD のスペクトル (右)APD No.1,2,4 の波高値を足し合わせたスペ	
	クトル	33
3.23	複数の APD を 1 つの PreAmp で読み出した時のスペクトル (上左)No.1+2	
	(上右)No.4+6 (下左)No.1+2+4 (下右)No.1+2+6	34

<b>.</b>		00
3.25	$\operatorname{APD}$ における $\delta_{noise,FWHM}$ の実験値、理論値比較	36
3.26	ケーブルによるノイズ測定のための回路ブロック図	38
3.27	DFS280のスペック	38
3.28	PD- <b>ケーブルの</b> 接続図	38
3.29	各ケーブルに APD を接続してテストパルスを入力した時のスペクトル (左	
	上から順に 10,20,30 ・・・ )	39
3.30	ケーブルの長さに対する $\delta_{noise,FWHM}$	39
3.31	HV=300V におけるケーブルの長さを変えた場合のスペクトル (上)0cm	
	$(\mathbf{F})100\mathrm{cm} \ldots \ldots$	40
4.1	BGO <b>プレートの</b> 寸法	43
4.2	実験に用いたライトガイドの寸法........................	43
4.3	BGO、 <b>ライトガイド、</b> APD <b>の</b> 接着	44
4.4	バルカーテープで覆った 3LG ............................	44
4.5	<b>ライトガイドの</b> APD 接着面	44
4.6	ライトガイド $(LG)$ の違いによるスペクトルの変化 $(左)$ Na511keV $(右)$ Cs662keV	44
4.7	ライトガイドの角度と長さに対するピークチャンネルの依存性.....	45
18		1 -

## 第1章 序論

ブラックホール、活動銀河核、超新星残骸などの高エネルギー天体は、X線や線で非常に明るく輝いており、非熱的エネルギーを持った粒子が多数存在している。こうした粒子がもつ全宇宙における非熱的エネルギーの総量は、熱的エネルギーと同程度にもおよぶ莫大なものであるが、その加速機構にはいまだ不明な点が多い。この原因の一つは、非熱的放射と熱的放射がオーバーラップする10keV~MeVの硬X線領域と呼ばれるエネルギー帯域を、精度よく観測できる天文衛星が存在しなかったためである。

このエネルギー帯域をより優れた精度で観測しようという試みが、2005年に打ち上げら れた「すざく」と現在開発中の「NeXT」という日本の2機の衛星である。「NeXT」衛星 搭載のSGD(Soft Gamma-ray Detector)検出器は、小型で軽量なAPDを光読み出しに用 いた BGO 井戸型アクティブシールドによる狭視野化、コンプトンカメラによる到来方向 の決定によりバックグラウンドを極めて低く抑えられるのが特徴である。これにより硬X 線領域においては「すざく」衛星のHXD(Hard X-ray Detector)検出器よりも1桁以上も 精度の良い観測を目指す。また、「NeXT」衛星は硬X線領域での撮像が可能であり、非 熱的エネルギーを持つ粒子の位置、空間的な情報が得られる。

こうした非熱的宇宙の精度良い観測により、宇宙や天体の進化をも解明する手がかりが 期待出来る。

## 第2章 結晶シンチレータと半導体検出器 を用いた 線検出器

## 2.1 次世代X線天文衛星NeXT

X線天文学において多くの国がこれまで観測衛星を打ち上げ、その発展に貢献してきた。 日本でも1979年に打ち上げられた「はくちょう」を始めとして、「てんま」、「ぎんが」、 「あすか」、さらには2005年の「すざく」によりX線観測において重要な役割を担ってき た。これらに続くX線天文衛星として「NeXT」が2013年の打ち上げを目標として開発 が進んでいる。

この地上では、エネルギーというものは基本的に、高い状態から低い状態へと移動す る。しかし高エネルギー粒子が低エネルギー粒子のエネルギーを奪うという現象が、この 宇宙ではしばしば起こっている。これらの粒子は熱平衡分布からは離れた非熱的分布に従 うこととなる。非熱的エネルギーの総量は宇宙全体で熱的エネルギーと同等程度を占める 可能性が高い。そのため、非熱的放射を観測することは宇宙や天体の進化を解明するうえ で非常に重要な意味を持つ。

非熱的放射は10keV以下では、強い熱的放射に埋もれてしまって観測が困難である。熱 的放射は10keV以上から次第に弱くなるため、非熱的放射の観測は硬X線領域(数10keV) が最適といえる。よって硬X線検出器を持たない「すざく」以前の観測衛星では、その 観測は不可能であった。硬X線領域の観測を可能にした「すざく」でも撮像能力までは なかったため、空間情報を得ることは出来なかった。

そこで次世代 X 線天文衛星である「NeXT」では、80keV までの硬 X 線領域において世 界初の撮像観測や、さらに高いエネルギー領域である軟 線領域(数100keV)を、過去に なかった程の精度で観測することを目的としている。

#### 2.1.1 SGD -Soft Gamma-ray Detector

NeXT 衛星には 4 種類の検出器が搭載される。中でも本研究に関連するのは SGD(Soft Gamma-ray Detector) と呼ばれる高感度軟 線検出器である。

SGDは「すざく」衛星搭載の硬X線検出器HXDでも用いられた、BGOの井戸型アク ティブシールドと半導体多層コンプトンカメラを組み合わせた構造をしている(図 2.2)。 HXDで実現した井戸型アクティブシールドの狭視野に、コンプトン運動学を用いたコン プトンカメラを組み合わせることにより、さらに線の到来方向を制限することにより、 これまでの軟線検出器の感度向上の最後の障壁であった、検出器自体の放射化による バックグラウンドを大幅に低減出来る。



図 2.1: NeXT 衛星予想図 [1]



図 2.2: SGD ユニット概念図 [2]



図 2.3: SGD 全概念図 [3]

### 2.1.2 SGDとHXD

先述した通り、SGD は HXD の技術を受け継いでいる。基本的な構造は同じだが、要所 で小型化、感度向上等の工夫がなされている。まず一番大きな違いにコンプトンカメラの 導入がある。HXD では主検出部に GSO シンチレータ+半導体検出器という組合せを使っ た。しかし硬 X線~軟 線領域ではエネルギーが高く、コンプトン散乱が支配的になる。 そこで BGO アクティブシンチレータの中に、半導体多層コンプトンカメラを入れること により、コンプトン運動学から 線の到来方向を決定出来る。その方向が視野外であれば バックグラウンドとして除外される。

HXD では、アクティブシールドとして BGO の読み出しに光電子増倍管 (PMT) を用い ていたが、SGD では複数のアバランシェフォトダイオード (APD) で読み出すことが検討 されている。APD を用いることにより、シンチレーション光に対する量子効率が向上し、 エネルギー分解能もよくなる。さらに PMT に比べて非常に小型なため、積載重量や空間 に限度がある人工衛星にとってはよい利点となる。また、BGO の形状も柔軟に設計出来 ることになるが、ノイズ、分解能等、諸々の問題点もみられる。これらの問題点を解決し さえすれば、硬 X 線~軟 線観測における精度は、理想的にはこれまでよりも一桁以上 もの向上が期待される。



図 2.4: SGD と HXD 概念図 [4]

#### 2.1.3 宇宙 線観測におけるアクティブシールド

宇宙からはあらゆる方向から様々な強度の放射線が到来している。それに対して、観測 対象の天体からくる放射線は非常に少量である。より高い感度の観測をするためには、こ れらのバックグラウンドが主検出部に到達しないように遮蔽、あるいは到達してもバック グラウンドとして区別出来る必要がある。

X線のようなエネルギーが低く、透過力も弱いバックグラウンドは鉛等の原子番号の大きな物質でシールドすれば、比較的簡単に防ぐことが出来る(パッシブシールド)。しかし、線領域になると、光子がシ・ルドでコンプトン散乱された後、通り抜けてしまう場合がある。これを完全に防ぐために必要なシールドは非常に重くなってしまう。また、宇宙線はシールドと主検出部両方を突き抜けて両者に信号を残す。さらに、宇宙線がシ・ルドを構成する物質の原子核と衝突して、核反応を起こし、ガンマ線を何個も放出するような現象が起き、シールド自体が雑音の原因となる。こうした問題点を改善するためにHXDでは、シールドそのものも放射線検出器にして、主検出部と組み合わせることにより、反同時計数法によりバックグラウンドを取り除いた。これをパッシブシールドに対してアクティブシールドという。アクティブシールドの採用によって線領域の放射線観測は、飛躍的に発展した。

## 2.2 研究目的

SGD で大きく変更がなされたアクティブシールドは、検出器全体の性能に直接関わって くる重要な部分である。SGD ではアクティブシールドである BGO の形状を図 (2.5) のよ うに複雑化するため、また、読み出しに使用する APD の検出面積は PMT に比べてはる かに狭いため、シンチレーション光を効率よく集めることが重要課題であり、1 つの BGO ブロックに複数の APD を用いることも検討されている。複数の APD を用いると、それ に応じて、プリアンプ数、配線も増加するので、最悪の場合、スペース、さらにはノイズ 方法、プリアンプ数や、配線を必要最低限に抑える事等が重要な課題となってくる。

本研究ではSGDのアクティブシールドにおけるプリアンプ数の削減、および配線の長 さによるノイズの影響、また、効率のよい光収集の方法としてライトガイドの使用を検証 した。APDは受光面の位置による増幅率の揺らぎ等が問題であったが、近年の半導体技 術の向上により実用化に十分なレベルにまでなった。それゆえ実用可能レベルになってか ら、日が浅い分、APDについてはまだ実験結果が十分とはいえない。プリアンプの削減 が有効であれば、設計の幅はさらに拡がることとなる。さらにライトガイドも APD 自体 の数を減らすのに有効である。本研究により、SGD の設計で未だ決定していない、プリ アンプ数やそれらの配置を決めるための基礎実験を行い、最終的にそれらを決定するため の指針を得ることが目的である。



図 2.5: 現段階での SGD 案概念図 2×2(左) 3×3(右)

## 2.3 信号処理回路

信号が処理されるほぼすべての過程においてノイズは発生する。以下に一般に信号がな される処理過程を述べる。



図 2.6: 一般的なシンチレーション検出器の処理回路

1. シンチレータ

放射線とシンチレータ物質との相互作用により、生じた自由電子がシンチレータ内の電子を励起し、エネルギーにほぼ比例した量の光子を放出する。CsI、BGO、GSO等がこれにあたる。

-- /0//04/06

シンチレータで発生した光子を検出し、電気信号に変換する。PMT、PD、APD が これにあたる。

3. PreAmp, ShapingAmp

PreAmp 光検出器からの微弱な電気信号を電荷電圧変換、および増幅を行って、インピーダンスの変換を行う。

ShapingAmp ノイズの除去、波形整形を行う。この作業をShapingといい、正し いスペクトル情報を得るために必要不可欠な作業である。また、増幅も行う。

4. MCA(MultiChannel Analyzer)

アナログ信号の波高値をADC(Analog to Disital Converter)でデジタル値に変換し、 そして波高値別にいくつもの領域、すなわち多重のチャンネル(MultiChannel)に分 けて、波高値分布のヒストグラムを生成する。

#### 2.3.1 BGOシンチレータ

放射線がシンチレータ物質に入射されると、入射エネルギーにほぼ比例したシンチレー ション光が発生する。これを光電子増倍管やフォトダイオード等の検出器で電気信号と して検出する。シンチレータの物質には液体、気体、固体様々な物質が使われる。シンチ レータ物質には、阻止能、蛍光効率、自己吸収率、蛍光の減衰時間、蛍光の波長分布等の 特性があり、目的に合った物質が選ばれる。一般的なシンチレータ物質の特性を表(2.1) に示す。 線領域の放射線は透過力が高く、高い阻止能を持ったシンチレータが必要であ る。また、地上での観測が不可能なため、宇宙空間へ運ばなければならない。よってコン パクト性も求められる。これらの理由から、宇宙 線の検出には無機結晶シンチレータが 用いられる。

無機結晶中のシンチレーション機構は、材料となる物質の結晶格子で決まるエネルギー 準位に依存する。物質中の電子のエネルギー準位には価電子帯、伝導帯と、それらの間の 禁制帯の三種類が存在する。自由電子は価電子帯では格子上の位置に束縛されているた め、結晶内を移動することは出来ないが、伝導帯では自由に移動が出来る。また純粋な結 晶中では、電子は禁制帯に存在することが出来ない。放射線の照射によって価電子帯の電 子が伝導帯へ励起され、再び価電子帯に戻ると、そのエネルギーの差分、光子が発生す る。しかし純粋な結晶の場合この禁制帯のギャップが大き過ぎて発生する光子は可視光と ならない。これを可視光にするために、通常は無機シンチレータに少量の不純物を添加す る。これにより、禁制帯中に中間準位が出来、可視光の発生率が高くなる。

宇宙 線の観測に用いられるシンチレータは高い阻止能、蛍光率、小さい自己吸収率、 減衰時間等が求められる。高い阻止能はシールドの小型化を可能にする。蛍光率は入射放 射線に対する発光量に影響し、自己吸収率が小さいと、発生した光子の光検出器への到達 量が多くなる。また、減衰時間が短いと時間分解能が高くなり、高線量率の放射線が観測 できる。

本研究で用いたのはビスマスジャーマネイト  $\operatorname{Bi}_4\operatorname{Ge}_3\operatorname{O}_{12}(\operatorname{BGO})$  である。 $\operatorname{BGO}$  の主な特徴は、ビスマスの大きな原子番号 (83) とその大きな比重 (7.3g/cm<sup>3</sup>) である。これにより市販のどの材質よりも線の光電吸収率が大きい。また、BGO は先述した不純物添加の必要がない。これは蛍光時に、結晶の主成分である  $\operatorname{Bi}^{3+}$  イオンの光学的遷移を伴うから

シフトと呼ばれる大きなシフトがあるので自己吸収が少量しか起こらない。よって高い阻止能であるにも関わらず、シンチレーション光に対しては高い透明度を保つ。BGOの短所として蛍光出力がNaIの10~20%程しかないが、これは低温にすることにより十分にNaIを上回る。BGOは宇宙線検出用のシンチレータ材として非常に適している。

特性	NaI:Tl	CsI:Tl	BGO	GSO
実効原子番号	50	54	74	59
<b>密度</b> [g/cm <sup>3</sup> ]	3.67	4.51	7.13	6.71
<b>最大発光波</b> 長 [nm]	415	540	480	440
蛍光出力(相対値)	100	49	13	20
<b>蛍光減衰時間</b> [ns]	230	680(64%), 3340(36%)	300	56(90%),400(10%)
<b>吸収係数(</b> 511keV: cm <sup>-1</sup> )	0.34	0.41	0.955	0.674

表 2.1: 放射線検出のためのシンチレータ特性比較 [5]

#### 2.3.2 APD - アバランシェフォトダイオード

これまで、数百 keV ~ 数 MeV 領域の放射線検出器としては、結晶シンチレータのシン チレーション光を PMT を用いて読み出すのが一般的であった。PMT は増倍率が大きく、 微弱な信号も検出出来るというのが特徴である。しかしその一方で、1000V 以上という高 圧印加が必要であり、消費電力が大きい。また、量子効率も~20%と低い。また、磁場の 影響を受けやすく、体積が大きいというのも致命的である。

これに対して、半導体検出器であるフォトダイオード (PD) は 100V 以下の電圧しか必要とせず、量子効率も 80% と高い。さらにあまり磁場の影響も受けず、体積が非常に小さい。PMT に比べ、優れた点が多い PD だが、内部増幅機構を持たないため、X 線領域のような微弱な信号を読み出すことが困難である。そのためこれまでは、GeV 領域の線 検出に用いられていた。

ー長一短であった PMT と PD の特性を併せ持つ素子がアバランシェフォトダイオード (APD)である。300V前後の少し高めの電圧をかけることにより、生じた電子正孔対を加 速、別のキャリアに衝突させ、雪崩式に増幅させるものである。これにより、PD の高い 量子効率、耐磁性、小体積という特徴を持ちながらも、PMT のような増幅も出来る、優 れた光検出器となった。しかし、APD の増幅率は、負荷する電圧に対して指数関数的に 増加するため、安定に動作させるためには非常によく調整された高圧電源が必要になる。 また、高い増幅率を得ようと、高電圧をかけすぎるとブレイクダウンを起こしたりもす る。これらの問題を解決し、安定な動作が得られれば、原理的には PMT、PD よりも優 れたエネルギー分解能、threshold が得られると考えられている。

特性	PMT	PD	APD
負荷電圧[V]	$\sim 1000$	40	300
量子効率 [%]	$20 \sim 30$	$\sim 80$	$\sim 80$
増幅率[倍]	$\sim 10^{5-6}$	1	$\sim 10^2$
磁場の影響	受ける	受けない	受けない

表 2.2: 光検出器の特性比較 [5]

## 2.4 結晶シンチレータと半導体検出器のノイズ

シンチレータを用いた放射線検出器には、様々な要因のノイズが分解能、threshold 等 に影響してくる。ここでは、APD、信号処理回路、検出器と要因別にノイズについて述 べる。

#### 2.4.1 APD に起因するノイズ

APDに起因するノイズには、暗電流、端子間容量、また、増幅による過剰雑音という ノイズがある。

● 暗電流

暗電流とは、価電子帯の電子が熱励起によって電子正孔対を生成し、結果として、 信号として検出されるものである。負荷する高圧や、温度が高いと増加する傾向が ある。

暗電流にはさらに表面電流とバルク電流に分けられる。表面電流とは APD 表面の pn 接合部をショートして流れる電流で、バルク電流は空乏層中の電子が熱励起され て流れる電流である。内部を流れるバルク電流は、増幅領域を通過するため、増幅 されてしまう。電子の熱励起は以下の確率で表される。

$$p(T) = CT^{\frac{3}{2}} \exp\left(\frac{-E_g}{2kT}\right) \tag{2.1}$$

ここで、Cは比例定数、Tは絶対温度、 $E_g$ はバンドギャップエネルギー、kは Boltzmann 定数<sup>1</sup>である。この式から、温度を下げれば電子の熱励起確率、すなわち電子正 孔対の発生率が小さくなり、暗電流を高温に比べはるかに抑えることが可能である。

● 端子間容量

APD に電圧を印加すると、空乏層が形成され、それを仮想コンデンサとみなすことが出来る。結果的に等価容量を持った平行平板コンデンサを PreAmp に入力したことになり、これによりノイズが発生する。このとき、入力容量が大きくなるとノイズも大きくなる。理想的な平行平板コンデンサの容量は誘電率 (、面積 S、平板間距離 d を用いて以下のように表される。

$$C = \epsilon \frac{S}{d} \tag{2.2}$$

それぞれ S は APD の受光面積、d は空乏層の厚さに相当する。印加電圧を高くする と空乏層は拡がるので、容量も小さくなり、ノイズを抑えることが出来る。

 $<sup>^{1}1.3806503\</sup>times10^{-23}[J\boldsymbol{\cdot}\mathrm{K}^{-1}]$ 

APD 内での増幅は確率過程であるため、その増幅率には揺らぎが伴う。その増幅率の揺らぎの大きさを表す値が過剰雑音係数 (excess noise factor) $F_{excess}$  である。ある 一つの電子の増幅率をm、その平均、すなわち実際に測定で得られる増幅率をMと すると、 $F_{excess}$  は以下のように表される。

$$F_{excess} = \frac{\langle m^2 \rangle}{\langle m \rangle^2} = \frac{\langle m^2 \rangle}{M^2}$$
(2.3)

PD ではこの値は  $F_{excess} < 1$ 、光電子増倍管では  $F_{excess} \simeq 1.2$ 、APD では 5mm 角の ものが  $F_{excess} \simeq 2$  で、10mm 角のものが  $F_{excess} \simeq 1.5$  である [10] [11]。本実験では 前者の値を用いた。

#### 2.4.2 処理回路におけるノイズ

信号の処理回路におけるノイズは主に johnson noise、shot noise、1/f ノイズという三つのノイズがある。以下にそれぞれの特性を示す。[8] [9]

• johnson noise

回路中を伝わる電子は、熱エネルギーを持っており、その熱エネルギーによりそれ ぞれが異なる運動をする。この運動をブラウン運動と呼び、これにより生じるノイ ズを johnson noise という。そのため外界と熱的な相互作用を起こすところ(抵抗の 実数部等)では、必然的に発生し、揺らぎに相当する電位差が生じる。また、理想 的なコンデンサやコイルの場合、このノイズは発生しない。

johnson noise のパワースペクトルを求めるには、LCR 共鳴回路を考えればよい。 キャリアの熱的揺らぎは、LとCで静電ポテンシャルとして蓄えられる。そのエネ ルギーは電流揺らぎiと、電圧揺らぎvを用いて以下のように表せる。

$$E = \frac{Li^2}{2} + \frac{Cv^2}{2}$$
(2.4)

これは一次元調和振動子の場合と同様に考えることが出来るため、エネルギー等分 配則より、第一項、第二項それぞれの平均エネルギーは Boltzmann 定数 k と、絶対 温度 T を用いて以下のようになる。

$$\frac{1}{2}L\overline{i^2} = \frac{1}{2}C\overline{v^2} = \frac{1}{2}kT$$
(2.5)

パワースペクトルを  $N_v(f)$ (f は周波数)、共鳴周波数を  $f_0 (\equiv \frac{1}{2\pi\sqrt{LC}})$ とすると、抵抗 に発生する熱雑音電圧と、その結果としてコンデンサにかかる電圧との関係は以下 のようになる。

$$\overline{v^2} = \int_0^\infty \frac{N_v(f)df}{1 + (\omega C - \frac{1}{\omega L})^2 R^2} \qquad (\omega \equiv 2\pi f)$$
$$\simeq \frac{N_v(f_0)}{4CR} \tag{2.6}$$

に変化するので、パワースペクトル $N_v(f)$ は式(2.4)、(2.5)を用いて

$$N_v(f) = 4kTR \qquad [V^2/Hz] \tag{2.7}$$

となる。これより、 $N_v(f)$ は周波数に依存しない。ただし、キャリアの衝突時間を  $\tau_c$ として、キャリア速度の相関関係が  $\exp(-\frac{|\tau|}{\tau_c})$ のような有限時間の減衰を示す場 合、 $\frac{1}{1+\omega^2\tau_c^2}$ で表される周波数依存を示す。しかし、 $\tau_c$ は大抵、無視出来る程小さい (典型的な金属で ~ 10<sup>-14</sup>)ので、johnson noise は white noise<sup>2</sup>であると考えられる。 また、式 (2.7) は抵抗に直列に存在する電圧パワーノイズであるが、抵抗に並列に存 在する電流ノイズパワーとして、次式のように表しても等価である。

$$N_i(f) = \frac{N_v(f)}{R^2} = \frac{4kT}{R}$$
(2.8)

• shot noise

shot noise とは、主に真空管や半導体素子で問題となる電流ノイズのことである。 johnson noiseの要因がキャリアの熱運動による速度の揺らぎであったのに対して、 shot noise はキャリアの数の揺らぎに起因するものである。

キャリア数の揺らぎはキャリアに正味の流れ、すなわち外部電界、キャリア密度勾 配、温度勾配のいずれかが存在する場合のみ、shot noise として現れる。これは外界 との熱的相互作用により、その存在が必然となる johnson noise とは対照的である。 代表的な例として、半導体の両端に電圧をかけた場合に発生する shot noise につい て考える。電流 I(t) はキャリア N(t) に比例するはずであるから、電流揺らぎ i(t) = I(t) - Iの自己相関関数を計算すると

$$\overline{i(t) \cdot i(t+\tau)} = \frac{I^2}{N^2} \cdot \overline{N(t) \cdot N(t+\tau)}$$
(2.9)

ここで、相関  $R_N(\tau) \equiv \overline{N(t) \cdot N(t+\tau)}$ を考えると、これは時刻 t に存在したキャリ アが時刻  $t + \tau$  における電流揺らぎに与える影響を示すものとなる。キャリアの平 均寿命を  $\tau_l$ 、電極間の平均ドリフト時間を  $\tau_d$  とすると、 $R_N(\tau)$  は  $\tau_l$  によって指数関 数的に、 $\tau_d$  によって直線的に減少すると考えられる。よって  $R_N(\tau)$  は以下のように 書ける。

$$R_N(\tau) = \overline{N^2(t)} \cdot \left(1 - \frac{|\tau|}{\tau_d}\right) \cdot \exp\left(-\frac{|\tau|}{\tau_l}\right) \qquad (|\tau| \le \tau_d)$$
  
= 0 (|\tau| > \tau\_d) (2.10)

 $\overline{N^2(t)} = \alpha N$  とおいて、 $I = \frac{eN}{\tau_d}$ と、Wiener-Khinchine の公式より、電流揺らぎi(t)のパワースペクトル $N_I(f)$  は以下の計算から導かれる。

$$N_{I}(f) = 2 \cdot \frac{I^{2}}{N^{2}} \int_{-\infty}^{\infty} R_{N}(\tau) \exp(-i\omega\tau) d\tau \qquad [A^{2}/Hz]$$
$$= 2eI \cdot \frac{\alpha}{\tau_{d}} \cdot \int_{-\tau_{d}}^{\tau_{d}} \left(1 - \frac{|\tau|}{\tau_{d}}\right) \cdot \exp\left(-\frac{|\tau|}{\tau_{l}}\right) \exp(-i\omega\tau) d\tau \qquad (2.11)$$

<sup>2</sup>すべての周波数について、単位周波数当りのエネルギーが一定であるような無秩序な雑音[5]

次に以下の二つの場合について考える。

$$N_I(f) \simeq 2\alpha e I \cdot \frac{2\tau_l/\tau_d}{1+\omega^2 \tau_l^2} \qquad (\tau_l \ll \tau_d)$$
(2.12)

$$N_I(f) \simeq 2\alpha e I \cdot \frac{\sin^2(\omega \tau_d/2)}{(\omega \tau_d/2)^2} \qquad (\tau_l \gg \tau_d)$$
 (2.13)

典型的な半導体 p-n 接合で逆バイアスをかけた場合、 $(\tau_l \gg \tau_d)$  なので、式(2.13) が 適用出来る。このとき、高周波領域でない限り、ノイズパワーは  $N_I(f) \simeq 2\alpha eI$  と 近似でき、shot noise もまた、white noise としてみなすことが出来る。

### 2.4.3 半導体検出器におけるノイズ

半導体検出器全体のノイズは、先述した APD、処理回路で記述されたノイズになる。以下に増幅のない PD と, 増幅のある APD の場合のノイズを述べる。[12]

• PD の場合

PD を用いた時の等価回路図は以下のようになる。



図 2.7: PD の等価雑音回路 [12]

 $I_s$ :放射線入射による信号電流、 $C_{in}$ :等価入力容量、 $R_p$ :等価並列抵抗、 $R_s$ 等価直列 抵抗<sup>3</sup>、 $I_n$ :暗電流、 $V_{1/f}$ :1 / f ノイズ

**全**雑音の電圧パワースペクトルは johnson noise、shot noise、1/f ノイズの和なので 式 (2.7)、(2.8)、(2.13) を用いて以下のように表せる。

$$\frac{V_{noise}^2}{df} = \frac{4kT}{\omega^2 C_{in}^2 R_p} + \frac{2qI_n}{\omega^2 C_{in}^2} + 4kTR_s + \frac{C_{1/f}}{f} \qquad [V^2/Hz]$$
(2.14)

なお、第四項は比例定数を $C_{1/f}$ とした、1/fノイズである。 これを  $RMS^4$ 表示の等価雑音電荷で表すと

$$\frac{\Delta E_{RMS}^2}{df} = \frac{4kT}{\omega^2 R_p} + \frac{2eI_n}{\omega^2} + 4kTR_sC_{in}^2 + \frac{C_{1/f}C_{in}^2}{f} \qquad [C^2/Hz]$$
(2.15)

 ${}^{3}R_{s} \equiv A/g_{m}$ 、 $A:0.5 \sim 0.7$ 程度の定数、 $g_{m}$ :初段 FET の相互コンダクタンス

 $^4$ Root Mean Square

になる。

$$\overline{\Delta E_{RMS}^2} \simeq \left(\frac{kT}{\pi^2 R_p} + \frac{eI_n}{2\pi^2}\right)\tau + 4kTR_sC_{in}^2\frac{1}{\tau} + C_{1/f}C_{in}^2 \qquad [C^2]$$
(2.16)

ここで雑音の原因の分かりにくい第三項を無視し、単位を [keV] に変換、また、RMS 表示なので 2.355<sup>2</sup> をかけ、FWHM<sup>5</sup>表示にする。

$$\overline{\Delta E_{FWHM}^2} \simeq \left\{ \left( \frac{kT}{\pi^2 R_p} + \frac{eI_n}{2\pi^2} \right) \tau + 4kTR_s C_{in}^2 \frac{1}{\tau} \right\} \left( \frac{3.65 \times 10^{-3}}{1.602 \times 10^{-19}} \right) \qquad [\text{keV}^2]$$

 $\tau$ に比例する項を第一項、 $1/\tau$ に比例する項を第二項とすると

第一項 
$$\simeq \left(9.787 \times 10^{-4} \frac{1}{R_p} + 2.337 \times 10^{-2} I_n\right) \tau$$
 [keV<sup>2</sup>] (2.17)

第二項 
$$\simeq \left(2.318 \times 10^{-2} \frac{C_{in}^2}{g_m}\right) \frac{1}{\tau}$$
 [keV<sup>2</sup>] (2.18)

ここで温度は243Kとした。また、それぞれのパラメータの単位は $R_p[G\Omega]$ 、 $I_n[nA]$ 、  $\tau[\mu sec]$ 、 $C_{in}[pF]$ 、 $g_m[mS]$ である。

今回用いた CSA は  $R_p \sim [G\Omega]$  なので、第一項はほぼ  $I_n$  が支配する。第一項を電流 性雑音、第二項を容量性雑音という。

APD の場合

増幅のない PD とは違い、APD の場合は以下のような等価回路図になる。



図 2.8: APD の等価雑音回路 [12]

 $I_{ns}$ :表面電流成分、 $I_{nb}$ :バルク電流成分、M:増幅率

APD では信号電流と暗電流のバルク成分が増幅されるため、式 (2.17)(2.18) 中で  $I_n \rightarrow I_{ns} + I_{nb}F_{excess}M^2$ 、  $I_s \rightarrow I_sM^2$  と置き換えることで導かれる。 $F_{excess}$  は過剰 雑音係数である。

$$\mathbf{\hat{\pi}} - \mathbf{\bar{\mu}} \simeq \frac{1}{M^2} \left\{ 9.787 \times 10^{-4} \frac{1}{R_p} + 2.337 \times 10^{-2} (I_{ns} + I_{nb} F_{excess} M^2) \right\} \tau \, [\text{keV}^2]$$
(2.19)

<sup>&</sup>lt;sup>5</sup>Full Width Half Maximum

第二項 
$$\simeq \frac{1}{M^2} \left( 2.318 \times 10^{-2} \frac{\odot_m}{g_m} \right) \frac{1}{\tau}$$
 [keV<sup>2</sup>] (2.20)

よって、バルク電流が表面成分より十分小さいとき、APDの回路ノイズは増幅率分だけ低減出来る。

以上のノイズをまとめると、PDの場合はAPD でM = 1、 $I_{nb} = 0$ 、 $F_{excess} = 1$ とすればよく、両者ともに、ノイズは以下のように表せる。

$$\delta_{noise}^{2} = \overline{\Delta E_{FWHM}^{2}} \simeq \frac{1}{M^{2}} \left\{ 9.787 \times 10^{-4} \cdot \frac{1}{R_{p}} + 2.337 \times 10^{-2} \cdot (I_{ns} + I_{nb}F_{excess}M^{2}) \right\} \cdot \tau \\ + \frac{1}{M^{2}} (2.318 \times 10^{-2} \cdot \frac{C_{in}^{2}}{g_{m}}) \cdot \frac{1}{\tau} \quad [\text{keV}^{2}]$$
(2.21)

## 2.5 結晶シンチレータと半導体検出器のエネルギー分解能

結晶シンチレータと半導体検出器を組み合わせて、測定したスペクトルは理想的なデル タ関数のように、あらゆるエネルギーを同じ波高値比として検出するわけではなく、先 述の電子や、シンチレーション光の揺らぎ、処理回路のノイズによってある程度広がりを 持ったガウス分布に従ったスペクトルが得られる。この広がり、標準偏差 σ が小さい程、 エネルギー値の近い異なる放射線を区別して検出出来やすいので、検出器としての性能は よい。この性能をエネルギー分解能という。

エネルギー分解能  $\frac{\Delta E}{E}$  の理論式は、以下のように表される。[5] [13]

$$\left(\frac{\Delta E}{E}\right)^{2} = (\delta_{sc})^{2} + 2.355^{2} \frac{F}{N_{ph}\gamma Q} \frac{1}{E} + (\delta_{noise} \cdot \frac{1}{E_{gap}} \cdot \frac{1}{N_{ph}QG} \cdot \frac{1}{E})^{2}$$
(2.22)

F:ファノファクター、 $N_{ph}$ :1keV あたりの生成電子正孔対数、 $\gamma$ :シンチレーション光の読み 出し効率、Q:量子効率、E[keV]:入射エネルギー、 $E_{gap}[\text{keV}]:$ シリコンのエネルギーギャッ プ、G:PreAmp gain

第一項はシンチレータ結晶自体の特性によるものである。結晶位置によってシンチレー ション効率や表面での反射条件が不均一であることや、シンチレーション応答の非直線性 によるものである。

第二項は電子正孔対生成の統計的揺らぎによるものである。電子正孔対生成は確率過程 なため、理想的には発生する電子数はポアソン分布に従う。しかし、この生成は独立な過 程ではなく、相互に影響し合っていると考えられ、実際にはポアソン分布とはずれた揺 らぎを示す。そのずれを補正するのがファノファクターFである。シリコン検出器では  $F \sim 0.1$ である。

第三項は処理回路で発生するノイズによる項である。 $\delta_{noise}$ には、 $\S2.4.3$ の式 (2.21) が 入る。

また、ノイズがスペクトルに現れる上限のエネルギー、すなわち検出出来る最低エネル ギーを threthold といい、以下で表される。

$$E_{th} \simeq 3\delta_{noise} \cdot \frac{1}{E_g N_{ph} \gamma QG} \tag{2.23}$$

アクティブシールドの場合、threthold が検出器の性能として重要であり、出来るだけ threthold を下げて、反同時計数の能力を高めることが必要である。

## 第3章 複数APDを読み出すPreAmp の数

BGO アクティブシールドの読み出しに使用が考案されている APD は、非常に面積が狭 く、シンチレーション光の収集率があまりよくない。よって現段階では、一つの BGO ブ ロックに対して複数 APD を用いて読み出すことも検討されている。しかし同時に、その 信号を増幅する PreAmp の数が、APD の数に比例して増えるという問題も併せ持ってい る。本章では複数 APD を読み出す PreAmp の数によるノイズおよび光量比を考察する。

## 3.1 実験目的

本実験では、複数 APD を読み出す PreAmp の数がどの程度ノイズに影響するのか、また、APD を増やすことにより得られる光量は増大するが、ノイズとの関係によりそれが どの程度有効なのかということを考察する。この結果により、PreAmp の数を少なくする ことが可能ならば、SGD の設計は大きく自由度が増すこととなる。

## 3.2 取得スペクトルにおけるノイズの定義

パルスの波高値を読み取り、それを波高値別のチャンネルに分布させていくうえで、入 カパルスをパルサーの一定信号にすると、理想的に得られるスペクトルはデルタ関数を示 すはずである。しかし、現実には暗電流や容量性雑音によって、ある広がりを持ったガウ ス関数

$$f(x) = a \exp\left[-\frac{1}{2}\left(\frac{x-x_0}{\sigma}\right)^2\right] + bx + c \tag{3.1}$$

に従う。ノイズはこのガウス関数の半値全幅で定義される。式 (3.1) 中で、半値幅 (FWHM) は  $2.355 \times \sigma$  で表される。よって本実験における  $\delta_{noise,FWHM}$  は式 (3.1) でフィッティング した時の  $\sigma$  を用いて、 $2.355 \times \sigma$  とした。



図 3.1:  $\delta_{noise,FWHM}$ の定義

## 3.2.1 VME信号処理回路

本実験では信号処理回路として VME バス規格を用いた。この処理回路のブロック図を 図 3.2 に、各モジュールを表 3.1 に示す。この回路は 4ChPreAmp からの信号を同時に処 理し、4 つのヒストグラムを生成するものである。





I le Amp	
Shaping Amp	ORTEC MODEL 571
OR	LOGIC FAN_IN FAN_OUT
Gate Generator	KEK_N 1113-51 DEGITEX , N-TM 207
VME_ADC	<b>クリアパルス株式会社</b> 1113A 型
DIO	<b>クリアパルス株式会社</b> CP-2610

表 3.1: VME 信号処理回路中のモジュール

半導体検出器から出た信号は、4ChPreAmp でチャンネルごとに独立して増幅される。 次に Shaping Amp(Shaping time:2µs) に入るが、これが負入力専用のため、Shaping Amp の前に反転回路を通し、Shaping Amp で整形されたあと Discri 回路へ入力される。

Discri 回路は Discriminator に加えて、軽度の Shaping Amp として整形能力も併せ持っ ている。Discriminator とは波高弁別器のことで、パルスがある一定の閾値を越えたとき、 信号を出力するものである。この出力をデータ処理に必要な Gate、Start、DIO の信号と して用いることにより、ノイズとパルスをある程度抑えることが可能になる。一方 Shaper 出力は直接 ADC へ入力され、そこで波高値を読み取り、AD 変換される。この AD 変換 の命令信号となるのが Discri 出力である。Discri 回路 HU4715の回路図を図 3.3 に示す。



図 3.3: HU4715の回路図

Discri 出力された信号は、Level Adapter で TTL<sup>1</sup>規格から NIM<sup>2</sup>規格のデジタル信号に 変換されたあと、OR 回路でいずれか 1 つの信号だけに絞り、3 つの Gate Generator に よって ADC\_Gate、ADC\_Start、DIO として出力される。ADC\_Gate、ADC\_Start は Level Adapter で再び TTL 規格へ変換され、ADC へ入力される。DIO は NIM 規格のまま、DIO モジュールへ入力される。

ADC\_Gate、ADC\_Start、DIOの3つの信号によって、ADCはDiscri回路Shaper出力 からのパルスの波高値を読み取り、デジタル情報化する。まずGate信号でピークがホー ルドされ、その間にStart信号で波高値がデジタル変換される。変換された情報はDIO信 号発生とともにPCに読み出され、DIOモジュールからのリセット信号でモジュールは初

<sup>&</sup>lt;sup>1</sup>Transistor Transistor Logic

<sup>&</sup>lt;sup>2</sup>Nuclear Instrument Modules

オシロスコープで見た波形を図 3.5 に示す。



図 3.4: タイミングチャート

図 3.5: オシロスコープで見た波形

## 3.3 PD -フォトダイオード

APD を用いた実験を行う前に、まず PD を用いて実験を行った。APD には増幅機能が あり、ノイズ特性が理解しにくい。よって BGO も用いず、ノイズ特性を理解しやすい PD を複数入力した状態で PreAmp 数により、どの程度ノイズに影響が出るかを検証した。

#### 3.3.1 PD特性

本実験に用いた PD は 10 × 10mm で「浜松ホトニクス株式会社 S1723-06」の No.6 ~ No.9 の 4 つである。各 PD の特性を以下に示す。また、いずれも-30 (243K)のもとでの測定値である。

#### 端子間容量

各 PD の端子間容量を測定した。高圧電源には「KIKUSUI MODEL PAB 350-0.1A」、 容量測定には「HEWLETT PACKARD株式会社製 LCR METER HP4284A」を用いた。 結果を図 3.6 に示す。図 3.6 右より、35~40V付近で PD 内のキャリアが広がり切り、完全 空乏層化していると思われる。よって HV を 40V として、本実験を進めていく。HV=40V における各 PD の端子間容量を表 3.2 に示す。

#### 暗電流

各 PD の暗電流を測定した。なお、電流計には「KEITHLEY 617 PROGRAMMABLE ELECTROMETER」を用いた。結果を図 3.6 に示す。また、HV=40V における各 PD の 暗電流を表 3.2 に示す。

I D NO	110.0	110.7	110.0	110.9
<b>端子間容量</b> [pF]	72.692	74.09	74.930	74.143
暗電流 [pA]	2.52	2.98	1.83	2.00

表 3.2: HV=40V における各 PD の特性



図 3.6: 各電圧での PD 特性 暗電流 (左) 端子間容量 (右)

#### 3.3.2 PreAmp特性

gain 補正 · 較正

まず、PreAmpのgain補正をし、パルスハイトとエネルギーとの関係を較正した。方法 としては、シンチレータをつけないPDに<sup>241</sup>Amで59.5keVの放射線を照射し、PD(Si) で直接検出された信号のスペクトルを取得した。ピークチャンネルの比からそれぞれの PreAmpごとのgain補正を行った。この場合、PDからは $\frac{59.5keV}{3.65eV}$  = 16301個の決まった 数の電子が信号として出るので、出力信号のパルスハイトの比はgainの比になる。以降 の実験においてヒストグラムのチャンネル エネルギー変換にこの値を用いて [keV] 表示 にした。セットアップは HV=40V、VME 回路の Shaper gain は 127、discri 回路の閾値は 全て 200mV である。図 3.7 に実験回路のブロック図、表 3.3 に各 PreAmp で得られたピー クチャンネル値を示す。



図 3.7: 較正直線取得のための実験回路 ブロック図

PreAmp	No.1	No.2	No.3	No.4
Peak channel	1521	1550	1519	1453

表 3.3: <sup>241</sup>Am(59.5keV) を照射した時 のピークチャンネル

平行平板コンデンサとしてみなせる半導体光検出器をPreAmp に入力すると、その静電 容量が、ノイズの原因となる。このノイズが §2.4.3 の式 (2.21)の第二項、容量性雑音であ る。この項は入力容量とPreAmp の性能に大きく依存する。そこで容量性雑音の入力容量 依存性 (容量勾配)を実験により測定した。実験に用いたパルサーは「クリアパルス株式 会社 9002 MERCURY PULSE」、RANGE=2、Shaper gain=127 である。この PreAmp にテストパルスを入れると、4 つ共通に信号が送られて増幅される。実験回路のブロック 図を図 3.8、得られたスペクトルを図 3.10,3.11、容量勾配を図 3.9 に示す。



図 3.9: 入力容量による  $\delta_{noise,RMS}$  の変化







図 3.11: 4 つの PreAmp のイベントす べてを足し合わせたスペクトル

それぞれ 4ChPreAmp の No.1 ~ No.4 にコンデンサを入力した時の  $\delta_{noise,RMS}$  を表して いる。Ch1+2+3+4 は 1 イベントごとにすべての PreAmp で得られた波高値を足し合わ せたものである。スペクトルのデータファイルとなるものは、波高値に対応するチャンネ ルが、カウントされた順に縦に羅列されている。よって VME 回路で 4 つの PreAmp で同 時に得られたデータは、1 つのパルスごとに 1 列目に No.1、2 列目に No.2 というように 4 列の数字が並ぶことになる。そこで、各列ごとに gain 補正をした後で、1 つのパルスに 対して横方向に和をとり、その分布をとって足し合わせのスペクトルとした。

# CII. I	CII.2		$\#$ CII.1 $\pm 2$
1342	1534		2876
1345	1486		2831
1364	1521	$\rightarrow$	2885
1323	1511		2834
÷	÷		÷

図 3.12: (左)gain 補正した各 PreAmp のデータ  $\rightarrow$  (右) 足し合わせたデータ

一般に PreAmp の数が N 個に増加すると、ノイズは  $\sqrt{N}$  倍になると考えられている。 図 3.9 を見ても、 $\sqrt{4}$  倍、すなわち 2 倍になっていることが分かる。

また、PD や APD を PreAmp に入力した時の容量性ノイズは、等価コンデンサを入力 した時と等価であり、図 3.9 から、静電容量とノイズはほぼ直線関係にある。よって各 PreAmp でこの関係を特定すれば、端子間容量から容量性ノイズへの変換が可能になる。 フィッティングの結果、表 3.4 のような変換式が得られた。

Ch	$\delta_{noise,RMS}[ch]$
Ch.1	$0.172 \times C + 12.2$
Ch.2	$0.183 \times C + 12.9$
Ch.3	$0.189 \times C + 11.7$
Ch.4	$0.181 \times C + 10.9$

表 3.4: 入力容量  $C[pF] \rightarrow \delta_{noise,RMS}[ch]$  の変換式

#### 3.3.3 PDを用いた読み出しPreAmp数によるノイズの変化

前述のセットアップで複数の PD を PreAmp に入力し、スペクトルを取得した。シン チレータを用いずに、信号としてはパルサーを用いてテストパルスを入力した。以下の 1 つの PreAmp に 1 つの PD を入力した場合、複数の PD を入力した場合ともに T=-30 (243K)、RANGE=4、Shaper gain=63 である。

#### 1つの PreAmp に1つの PD を入力した場合

まず、4ChPreAmp にそれぞれ1 つずつ PD を接続、得られた波高値のデータを足し合わ せたものを、PreAmp を複数用いた場合のデータとした。図  $3.13(\pm)$  は-30 、HV=40V のもとで得られたそれぞれの PD のスペクトルである。これら 4 つを全て gain 補正して 足し合わせて得たスペクトルが図  $3.13(\pm)$  である。表 3.5 に、各組合せの場合のノイズを 示す。

1つの PreAmp に複数の PD を入力した場合

1 つの PreAmp に複数の PD を入力した場合は、複数の PD を並列に接続し、1 つのスペクトルを得た。1 つの PD を入力した場合と同様に図 3.14 にスペクトルを、表 3.6 に結果を示す。



図 3.13: (左) 各 PD のスペクトル (右) PD No6,7,8,9 のパルスデータを足し合わせたスペ クトル



図 3.14: 複数の PD を 1 つの PreAmp で読み出した時のスペクトル (上左)No.6+7 (上右)No.8+9 (下右)No.6+7+8 (下左)No.6+7+8+9

PDX	組口し	<i>O<sub>noise</sub></i> [KeV]	平辺 [kev]	PD 🕉 X	組口し	$O_{noise}[\text{KeV}]$	T [Kev]
	6,7	3.501(3.302)			6,7,8	4.445(4.073)	
	6,8	3.472(3.446)		3	6,7,9	4.220(4.285)	4.346(4.255)
2	6,9	3.425(3.443)	3.493(3.453)		6,8,9	4.325(4.272)	
	7,8	3.621(3.591)			7,8,9	4.395(4.390)	
	7,9	3.466(3.589)		4	6,7,8,9	5.116(4.702)	5.116(4.702)
	8,9	3.472(3.348)					

表 3.5: 1つの PD を1つの PreAmp で読み出し、波高値を足し合わせた場合の  $\delta_{noise,FWHM}$  () 内は理論値

PD 数	組合せ	$\delta_{noise}[\text{keV}]$	平均 [keV]	PD 数	組合せ	$\delta_{noise}[\text{keV}]$	平均 [keV]
	6	2.341(2.275)		2	6, 7	3.763(3.598)	3.896(3.638)
1	7	2.550(2.393)	2.486(2.351)		8,9	4.029(3.678)	
	8	2.529(2.385)		3	6,7,8	5.008(4.840)	5.008(4.840)
	9	2.525(2.350)		4	6,7,8,9	6.074(6.069)	6.074(6.069)

表 3.6: 複数の PD を 1 つの PreAmp で読み出した場合の  $\delta_{noise,FWHM}$  () 内は理論値

以上で得られたデータをまとめると図3.15のようになる。



図 3.15: 多チャンネル (1つの PD に 1つの PreAmp)、単チャンネル (複数の PD に 1つの PreAmp) における PD の個数による  $\delta_{noise,FWHM}$ 

このことから PD の場合、4 つまでの範囲で PD を増やし、それと同じ数の PreAmp を 用いることによって、ノイズは約 $\sqrt{N}$  倍に増加した。これはコンデンサを用いた場合と同 じである。また複数の PD を 1 つの PreAmp で読んだ場合は、それぞれを 1 つの PreAmp で読んだ場合に比べ、 $10\% \sim 20\%$ のノイズ増加がみられ、PD の数を増やす程、ノイズ増 加が大きい。 式 (3.3) では PD が並列に接続されているので、入力容量は各 PD の和になる。この式 を用いてそれぞれの理論値を求め、実験値と比較した。 $\S2.4.3$ の式 (2.21) で、第一項を電 流性ノイズ  $\delta_{noise,I}$ 、第二項を容量性ノイズ  $\delta_{noise,C}$  とすると、各場合の理論式は以下のよ うに表せる。また、 $\delta_{noise,i}$  は PD<sub>i</sub> のノイズである。

• 1 つの PreAmp に 1 つの PD

$$\delta_{noise,multi} = \sqrt{\sum_{i=1}^{N} \delta_{noise,i}^2} = \sqrt{N} \delta_{noise,i}$$
(3.2)

1 つの PreAmp に複数の PD

$$\delta_{noise,single} = \sqrt{\delta_{noise,I}^2 + \delta_{noise,C}^2} \tag{3.3}$$



図 3.16: PD における実験値、理論値の比較

図 3.16 からも分かるが、実験値と理論値はほぼ一致し、式 (3.2)(3.3) で、ノイズを数式 化出来ることが分かった。式 (3.2) に比べて (3.3) の方が値が大きくなるのは、容量勾配の 図 3.9 で、容量を足して大きくすると、ノイズが非線形に大きくなるからである。よって 実験と理論値から、PD の数を増やせばこの増加率も増加し、両者の開きは大きくなる一 方であると思われる。

また式 (3.2)(3.3) は、それぞれ

$$\delta_{noise,multi} = \sqrt{\sum_{i=1}^{N} \left( \delta_{noise,I_i}^2 + \delta_{noise,C_i}^2 \right)}$$
(3.4)

$$\delta_{noise,single} = \sqrt{\sum_{i=1}^{N} \delta_{noise,I_i}^2 + \delta_{noise,C}^2}$$
(3.5)

量が $C_i = C_1$ で等しいとする。また、容量性ノイズの式を $\delta_{noise,C} = aC + b$ とすると、式 (3.4)の根号内第二項は

$$\sum_{i=1}^{N} \delta_{noise,C_i}^2 = N \delta_{noise,C_1}^2$$
$$= N(aC_1 + b)^2$$
(3.6)

となる。同様に式(3.5)の根号内第二項は

$$\delta_{noise,C}^2 = \{a(NC_1) + b\}^2 \tag{3.7}$$

となる。式 (3.7) から (3.6) を引くと

$$(3.7) - (3.6) = \{a(NC_1) + b\} - N(aC_1 + b)^2$$
  
=  $(N - 1)(a^2NC_1^2 - b^2)$   
=  $a^2(N - 1)\left\{NC_1^2 - \left(\frac{b}{a}\right)^2\right\}$  (3.8)

 $a^2(N-1) > 0$  なので  $\left\{ NC_1^2 - \left(\frac{b}{a}\right)^2 \right\}$  について

$$NC_1^2 \ge \left(\frac{b}{a}\right)^2 \longrightarrow \delta_{noise,single} \ge \delta_{noise,multi}$$
 (3.9)

$$NC_1^2 \le \left(\frac{b}{a}\right)^2 \longrightarrow \delta_{noise,single} \le \delta_{noise,multi}$$
 (3.10)

となる。

本実験では、大体 a = 0.18, b = 12, C = 74 なので、PD は  $N \ge 2$  で式 (3.9) の場合になる。また  $NC_1^2 \ge \left(\frac{b}{a}\right)^2$ の差は  $\delta_{noise,single} \ge \delta_{noise,multi}$ の差に影響する。よって、N が増加すると、両者の開きも大きくなるということが示された。

式 (3.9)(3.10) より、複数の PD を 1 つの PreAmp で読み出す時のノイズを抑える方法と して

- 同時に読み出す PD の数を極力少なくする
- 端子間容量の小さい PD を用いる
- 容量特性 *a* の小さい PreAmp を用いる
- 容量特性 b の大きい PreAmp を用いる

以上が挙げられる。ただし、*b*については、大きくなると容量性ノイズ自体が大きくなる ため、有効的ではない。

## 3.4 APD - アバランシェフォトダイオード

次に増幅機能を持った APD で実験を行った。

APD にも PD 同様、暗電流、端子間容量が存在する。さらにこれに加えて増幅率が APD の特性を表すパラメータとして加わる。本実験に用いた APD は 3 × 3mm で「浜松ホトニ クス株式会社 S8664-33 SPL4974」の No.1 No.2 No.4 No.6 の 4 つである。各 APD の特性 を以下に示す。また、いずれも-30 (243K)のもとでの測定値である。

#### 端子間容量

PDと同様に端子間容量を測定した。APD は内部増幅させるために、PDより高圧を印 加するので 100V と 200 ~ 350V までを測定した。測定結果を図 3.19 に示す。また以降、 HV を 300V として固定して測定を行った。HV=300V における各 APD の端子間容量を表 3.7 に示す。

#### 暗電流

各電圧での暗電流を図 3.19 に、また、HV=300V における各 APD の端子間容量を表?? に示す。

#### 増幅率

APD の内部増幅は、生成した電子正孔対が電場によって雪崩のように増幅されるもので ある。よって、内部増幅率は印加する電圧に依存することとなる。この印加電圧と増幅率の 関係を測定により求めた。5mm 角の立方体小型 BGO をそれぞれ HV を変えた APD で読 み出し、ピークチャンネルの比から各電圧での増幅率を求めた。なお、増幅率は HV=100V 付近ではほとんど1 であるので、基準として 100V での増幅率を1 とした。また、この測 定では信号処理に VME 回路ではなく、Pockt MCA「MCA 8000A」を用いた。例として APD No.1 のスペクトルを shaper gain 別で図 3.17 に、この測定のブロック図を図 3.18 に、 HV=300V における各 APD の増幅率を表 3.7 に、各 APD の増幅率を図 3.19 に示す。



図 3.17: 線源 <sup>22</sup>Na 照射時のスペクトル (左)shaper gain=500 PMCA 5V (右)shaper gain=100 PMCA 10V



APD No.	No.1	No.2	No.4	No.6
<b>端子間容量</b> [pF]	33.188	33.149	32.989	32.209
暗電流 [pA]	24.34	23.80	23.61	17.30
gain [ <b>倍</b> ]	22.63	23.64	18.78	17.86

表 3.7: HV=300V における各 APD の特性





図 3.19: 各電圧での APD 特性 (左) 端子間容量 (中) 暗電流 (右) 増幅率

#### 3.4.2 較正

PD の場合には [ch] から [keV] への変換は、PD に直接放射線を照射してそのピークチャンネルから、変換を行った。しかし、APD の場合は有感領域が狭く、直接放射線を検出することは難しい。そこで、gain 測定でも用いた 5mm 角立方体 BGO を接着して、放射線を照射した。このピークチャンネルをもとに、変換を行った。PreAmp には 4ChPreAmp の ch1、APD は No.1、線源には<sup>137</sup>Cs の 662keV を用いた。また、HV=300V、T=-30 (243K)、shaper gain=31、である。回路のブロック図を図 3.20 に、得られたスペクトルを図 3.21 に示す。このスペクトルから、shaper gain=31 における 662keV のピークは 1268ch であった。



### 3.4.3 APDを用いた PreAmp 数比較

§3.3.3 と同様に、増幅する PreAmp が多チャンネルと単チャンネルの各場合においてパル サーのテストパルスを入力した。なお、T=-30 (243K)、RANGE=2、Shaper gain=127 である。PD と同様、各結果を以下に示す。



図 3.22: (左) 各 APD のスペクトル (右) APD No.1,2,4 の波高値を足し合わせたスペクトル



図 3.23: 複数の APD を1つの PreAmp で読み出した時のスペクトル (上左)No.1+2 (上右)No.4+6 (下左)No.1+2+4 (下右)No.1+2+6

	No.1	No.2	No.4	No.6	<b>平均</b> [keV]
$delta_{noise}$ [keV]	6.873(5.373)	6.909(5.345)	6.640(5.381)	5.410(5.030)	6.458(5.282)

表 3.8: APD1 つのノイズ

APD 数	組合せ	$\delta_{noise} \; [\text{keV}]$	平均 [keV]	APD 数	組合せ	$\delta_{noise} \; [\text{keV}]$	平均 [keV]
	1, 2	9.394(7.579)			1,2,4	11.081(9.295)	
	1, 4	9.126(7.604)		3	1,2,6	10.637(9.096)	10.686(9.152)
2	1, 6	8.244(7.360)	8.794(7.472)		1,4,6	10.321(9.117)	
	2, 4	9.095(7.584)			2,4,6	10.705(9.101)	
	2, 6	8.558(7.340)		4	1,2,4,6	12.171(10.569)	12.171(10.569)
	4, 6	8.349(7.366)					

表 3.9: 1つの APD を1つの PreAmp で読み出し、波高値を足し合わせた場合の $\delta_{noise,FWHM}$ 

APD 🕉	組口し	<i>O<sub>noise</sub></i> [KeV]	キリ [kev]	APD 🕉	組口し	onoise [kev]	+13 [KeV]
	1, 2	13.078(7.515)			1,2,4	12.057(8.763)	
	1, 4	9.045(7.506)		3	1,2,6	10.928(9.284)	11.235(9.149)
2	1, 6	8.838(7.163)	9.508(7.363)		$1,\!4,\!6$	11.119(9.275)	
	2, 4	9.148(7.263)			$2,\!4,\!6$	10.837(9.273)	
	2, 6	8.368(7.219)		4	1,2,4,6	25.535(11.096)	25.535(11.096)
	4, 6	8.569(7.210)					

表 3.10: 複数の APD を 1 つの PreAmp で読み出した場合の  $\delta_{noise,FWHM}$ 

以上の結果をまとめると図3.24のようになる。



図 3.24: 多チャンネル、単チャンネルにおける APD の個数による  $\delta_{noise,FWHM}$ 

また、複数の APD を一つの PreAmp で読み出した場合の APD 数4の値は1~3までの 振る舞いと明らかに異なっており、何らかの測定ミスにより余計なノイズが乗ってしまっ たと思われる。





図 3.25: APD における  $\delta_{noise,FWHM}$  の実験値、理論値比較

APD の場合でも、1つの APD を1つの PreAmp で読み出した場合のノイズは、PD のように PreAmp の数 N に対して  $\sqrt{N}$  になるはずであるが、本実験では適当なデータが得られなかった。また、複数の PreAmp で読み出した場合のノイズに対して、1つの PreAmp で読み出した場合のノイズが、PD の場合は 1.2 倍程度であるが、APD の場合は 1.1 倍に満たなく、誤差も含めると優劣が判断出来ない。

図 3.25 より、全体的に実験値が理論値を上回っている。表 3.11 より <sup>医酸値</sup> を見てみると、 若干ではあるがばらつきが見られる。より高い増幅率の組合せ程理論値との差が大きい。 例えば HV=300V では No.1 と No.2 が 20 倍を越える増幅率を持つがこの二つを含む組合 せは理論値とのずれが大きい傾向がある。しかし、APD において増幅率がこれ程顕著に ノイズに影響することは考えにくい。本実験において現段階では再現性の検証をしておら ず、この結果については後程考察する。

APD <b>数</b>	組合せ	<u>実験値</u> 理論値( <b>複</b> )	<u>実験値</u> 理論値	APD 数	組合せ	<u>実験値</u> (複) <sub>理論値</sub> (複)	<u>実験値</u> 理論値
	1,2	1.239	1.740		1,2,4	1.192	1.376
	1,4	1.200	1.205	3	1,2,6	1.169	1.177
2	$1,\!6$	1.120	1.234		1,4,6	1.132	1.199
	$^{2,4}$	1.199	1.260		2,4,6	1.176	1.169
	$^{2,6}$	1.166	1.159	4	1,2,4,6	1.152	2.301
	4,6	1.133	1.188				

表 3.11: それぞれの組合せにおける 実験値 (理論値)

§3.3.4 で述べた関係を APD についても考える。APD では  $N \le 4$  では式 (3.10) の場合 に、 $N \ge 5$  では式 (3.9) の場合になる。これは PD に対して端子間容量が小さいために境 界条件に違いが生じるためである。よって APD は本実験の N の範囲では理論的には 1 つ の PreAmp で読み出した方がノイズは小さいが、その差が非常に微々たるものであるた が増加すると、1つのPreAmpに対して1つのAPDを入力した場合よりも、複数のAPD を入力した場合のノイズがより顕著に上回ると予想される。よって、APDの場合も§3.3.4 で述べたような条件により、ノイズを低減させることは可能である。

## 3.5 APDの数と光量の違い

APD の数を N 個に増やすことにより、ノイズはほぼ  $\sqrt{N}$  以上になることが分かったが、 APD の増加に伴い、シンチレーション光の集収率も向上すると考えられる。よって信号 (Signal) とノイズ (Noise) の比である S/N を考える。ノイズの増加率が  $\sqrt{N}$  なのでこれに 対して Signal、つまり光量が  $\sqrt{N}$  以上になれば少なくとも、S/N は維持出来るというこ とになる。ここでは APD の数による光量の比較を先行論文より引用した。

	APD 数	光量比	$\sqrt{N}$
1 つの PreAmp に 1 つの APD	3	1.22 <b>倍</b>	$<\sqrt{3}$
1つのPreAmp に複数のAPD	4	1.71 <b>倍</b>	$<\sqrt{4}$

表 3.12: APD1 つに対する光量比 [7][8]

表 3.12 より、1 つの PreAmp に対して PD が1 つの場合と、複数の場合のいずれも光量 は増加するが  $\sqrt{N}$  倍には満たない。よって APD を複数用いる時点で S/N は低下してし まう。ただし、§3.3.4 より、何らかの方法でノイズを  $\sqrt{N}$  倍以下に出来れば、S/N の向上 は可能である。

## 3.6 配線ケーブルによるノイズ

前章で述べたとおり、SGD ユニットは互いに隙間が出来ないように組み上げられる。図 2.5 からも分かるが、APD を読み出す PreAmp の場所は未だ考慮されていない。APD に 直接 PreAmp を接続することは構造上不可能なので配線により APD と PreAmp を接続 するしかない。また、この配線ケーブルは BGO の隙間を通ることになるので通常の同軸 ケーブルのような太いものは使用出来ない。しかし細いケーブルにすると問題になるのが ケーブル自体の持つ容量である。同軸ケーブルの利点は芯線をグランド線でシールドして あるため、外部からのノイズの影響を受けにくいというところにあるが、一般に同軸ケー ブルは大きな容量を持ち、細いケーブル程その容量は大きくなる。この容量は APD の端 子間容量に加えて PreAmp に入力され、容量性ノイズの増加をもたらす。この配線ケー ブルによってどの程度のノイズが影響してくるのかを検証した。

### 3.6.1 実験セットアップ

本実験では PD と APD を用いた。PD の場合は常温のもと「S1723-06」No.7 を用いて、 高耐圧同軸ケーブルの長さを 10~100cm まで変えて、パルサーによるテストパルスを入 力し、スペクトルを得た。APD については T=-30 (243K)のもと「S8664-33 SPL4974」 No.1 を用いて、ケーブル 0cm と 100cm について測定した。本実験に用いたケーブルは のブロック図を図 3.26 に示す。図中の赤い部分の長さを変えて測定することになる。用 いた PreAmp は 4ChPreAmp の Ch.1 である。パルサーの RANGE=5、shaper gain=500、 また PD の場合が HV=40V、APD の場合が HV=300 である。



図 3.26: ケーブルによるノイズ測定のため の回路ブロック図



図 3.28: PD-ケーブルの接続図

較正

[ch] から [keV] への変換は PD の場合は §3.3.2、 APD の場合は §3.4.2 と同様にした。

本セットアップの PD に直接 59.5keV を照射した時のピークチャンネルは 646.7[ch] で あった。よって [ch] に  $\frac{59.5}{646.7}$  をかけて変換した。

§3.4.2 と同じセットアップに本セットアップと同じパルスを入力してパルスが何 keV 相当か求めた。パルスのピークは 930.2ch であったので、

$$930.2 \times \frac{662}{1268} = 485.6 [\text{keV}]$$

よって 485.6keV 相当である。

#### 3.6.2 実験結果

PD

PD の場合の得られたスペクトルを図 3.29 に、スペクトルから求められた $\delta_{noise,FWHM}$ とケーブルの長さとの関係を図 3.30 に示す。



図 3.29: 各ケーブルに APD を接続してテストパルスを入力した時のスペクトル (左上から順に 10,20,30 · · · )



図 3.30: ケーブルの長さに対する  $\delta_{noise,FWHM}$ 

500

1000

1500

ADC Entries 4097 Mean 1406 RMS 516.8 10<sup>2</sup> 10 10

3500

4000

APD の場合の得られたスペクトルを図 3.31 に、それぞれのノイズを表 3.13 に示す。



2000

2500

3000

	$\delta_{noise,FWHM}$ [keV]
$0\mathrm{cm}$	7.698
100cm	18.586

表 3.13: 0cm と 100cm の場合の  $\delta_{noise,FWHM}$ 

図 3.31: HV=300V におけるケーブルの長さを変えた場 合のスペクトル (上)0cm (下)100cm

#### 3.6.3 考察

PD について、図 3.29 からはノイズである半値幅の変化は分かりにくいが、図 3.30 を見 るとノイズに増加傾向が見てとれる。指数関数的な傾向が見られ、ケーブルが長い程ノイ ズへの影響は顕著になるものと思れる。10cm の場合のノイズと比べ、60cm まではノイズ の増加は1.2 倍以内であるが、それ以降増加率は増え、最も長い100cm の場合のノイズは 2 倍近くまで増加している。APD の場合も 0cm に比べ 100cm では 2 倍以上のノイズに増 加している。

同軸ケーブルの静電容量はグランド線と芯線との間に生じるものなのでPDやAPDと並列に並んだコンデンサとみなすことが出来る。並列なコンデンサの合成容量はそのまま和をとれるので、PDやAPDの端子間容量にケーブル分の容量を足した合成容量がPreAmpに入力されることになる。本実験で用いたケーブルの容量が95pF/mなのでケーブルを10cm伸ばすごとに、9.5pFずつ入力容量が増す。端子間容量とケーブルの容量が同等になる程度の長さから、ケーブルによるノイズは無視出来なくなってくる。各端子間容量は、PDが74.09pFで、APDが33.188pFであるので、PDは80cm、APDは40cm程度までがケーブルを伸ばせる限界であると考えられる。

PreAmpへの入力容量が分解能に大きく影響する放射線計測器では、半導体検出器の端 子間容量とケーブルの容量が同等になる程度からノイズが無視出来ない。同軸ケーブル以 外だと容量は小さいが、外部のノイズの影響を受ける。よって容量が同等程度になる長さ を越えたケーブルを用いる時は、容量性ノイズの増加と、外来ノイズの低下のバランスを 考慮しなくてはならない。

## 第4章 ライトガイドの形状による光量

前章では、シンチレーション光を読み出す APD を複数にする前提で、それらの信号を 増幅する PreAmp の数について考察した。しかし、APD の増加はノイズの増加を伴う。 そこで本章では APD の数を1つのままにして、光収集率を向上させる手段としてライト ガイドの使用を検証した。ライトガイド自体に有用性はあるのか、またその最適な形状、 サイズを考察した。

## 4.1 ライトガイドの役割

結晶シンチレータを用いた半導体検出器は、シンチレータからのシンチレーション光を 効率よく集めることが重要である。しかし、実際に用いられる BGO 結晶の光読み出し面 に対して、APD の受光面積は非常に狭い。光読み出し面を滑らかに APD の受光面へ接 続する役割を持つのがライトガイドである。ライトガイドの材質には、光吸収が少なく高 い透明度を持つもの、加工性のよいもの、放射線に強いものが適している。また、屈折率 の違いはシンチレーション光の全反射を引き起こす。よって、屈折率が出来るだけ BGO に近い物質がよい。本実験では透明アクリルのライトガイドを用いた。透明アクリルの各 性質を表 4.1 に示す。透明アクリルはガラスに比べ、高い透明度を持ち、かつ軽いという 特徴を持つ。また、耐衝撃強度がガラスの 10~16 倍ということも特徴である。これらは 宇宙空間という厳しい環境では非常に有利である。

材質	屈折率	透明度	比重
アクリル	1.491	93%	1.19
ガラス	1.43 - 2.14	92%	2.5

表 4.1: アクリルとガラスの特性比較

## 4.2 実験目的

本実験では、ライトガイドの有用性、また、形状による光集収率の差異を検証すること を目的とした。ライトガイドが有効であれば、BGOの光収集率の向上方法として、ライ トガイドの使用が候補になり得る。また同時に、用いるライトガイドの形状の考察も併せ て行うため、ライトガイド、およびSGDの設計の指針をも得られる。

## 4.3 実験に用いたBGO·ライトガイド

4.3.1 BGO プレート

BGO、視野角を狭める井戸型の側面部分に板状の BGO が用いられる。本実験では井戸型の部分について考察す るため板状の BGO プレートを用いた。用いた BGO を図 4.1 に示す。またシンチレーション光の読み出し面は面積 の狭い 54 × 3[mm] の面である。



図 4.1: BGO プレートの寸 法

#### 4.3.2 ライトガイド

4種のライトガイドを用いた。それぞれ形状は固定して、ライトガイドのなす角度と、 BGOからAPDまでの長さによる光量の変化を考察した。小さいものから順に1、2、3、 4とする。それぞれを図 4.2 に示す。



図 4.2: 実験に用いたライトガイドの寸法

### 4.4 実験方法

BGO に放射線を照射し、そのシンチレーション光をライトガイドで集光、それを APD で読み出す。この時、BGO の発光率が一定であるとして、増幅率等のセッティングを一 定にすると、パルスの波高値、すなわち得られたスペクトルのピークチャンネルは集めら れた光子の数に比例する。本実験ではライトガイドを用いない場合を基準として、<sup>22</sup>Na の 511keV と<sup>137</sup>Cs の 662keV のピークチャンネルを比較し、ライトガイドによりどの程度 光量比が異なるのかを考察した。 BGO、ライトガイド間とライトガイド、APD 間の接着 には光学グリースを用いた。また、BGO、ライトガイド はゴアテックス反射材で覆い、さらにバルカーテープで 覆うことでシンチレーション光が外部へもれないように した。APD 接着面の隙間からも光の損失がないようにバ ルカーテープで覆った。

シンチレーション光の読み出しに用いた APD は前章で も用いた3×3mmAPD「S8664-33 SPL4974」の No.1 であ る。回路は前章の図 3.18 と同様の回路である。ただしこ こで用いた PreAmp は 1ChPreAmp の「S/N02Z413」で ある。本実験では、ライトガイドによる光量の違いを考 察するため、PreAmp 特性は必要ないので省略した。HV はより増幅率の高い 350V、Shaper gain=250 である。ま



図 4.3: BGO、ライトガイ ド、APD の接着

た、BGO の発光量増加と、APD の暗電流低減のため、T=-30 (243K) のもと測定した。



図 4.4: バルカーテープで覆った 3LG



図 4.5: ライトガイドの APD 接着面

## 4.5 結果と考察

実験により得られたスペクトルを図4.6に、それぞれのピークチャンネルを表4.2に示す。



図 4.6: ライトガイド (LG) の違いによるスペクトルの変化 (左)Na511keV (右)Cs662keV

	HOLG	ILG	ZLG	and	410
$511 \mathrm{keV}$	520.0(1)	377.5(0.726)	361.4(0.695)	225.7(0.434)	219.3(0.422)
$662 \mathrm{keV}$	657.8(1)	473.4(0.720)	468.8(0.713)	282.7(0.430)	313.5(0.438)

表 4.2: 各ライトガイドにおける照射エネルギーに対するピークチャンネル () 内は noLG に対する比



図 4.7: ライトガイドの角度と長さに対するピークチャンネルの依存性

本実験ではBGO、ライトガイド、および APD を光学グリースを用いて接着し、光量を 比較したため、わずかな光もれや、接着のズレ等は測定値に影響が出る。よって再現性を 検証するため、1LG についてのみ一度すべての接着をし直して再び測定した。測定結果 を表 4.3 に示す。

	1LG
$511 \mathrm{keV}$	368.9(2.3)
$662 \mathrm{keV}$	479.9(1.4)

表 4.3: 再現性のピークチャンネル () 内は1回目とのずれ [%]

図 4.8 のように、光読み出し面とライトガイドとの角度が小 さい方が、同じ角度でライトガイドに入社した光がAPDまで 届き易い。そのうえアクリルの屈折率はBGOに比べ小さいた め、BGOからアクリルへは全反射が起きるが、アクリルから BGOへは全反射が起きない。よって角度に関しては、小さい 程光量が増加すると考えられる。しかし角度を小さくするとラ イトガイドの長さ、すなわち APD までの距離が長くなってし まう。距離が長いと、いくら高い透明度を持つアクリルでもシ ンチレーション光の大部分を吸収してしまう。

図 4.7 の結果を見てみると、ピークチャンネルはライトガイ ドを用いない場合が最も高く、全体的に右下がりになっている。 これは角度が小さくなることによる光量の増加より、距離が長 くなることによる減少の方が上回ることを示す。また、長さに



図 4.8: ライトガイド の角度による光路の違 い

と定数 a, b を用いて  $ae^{-bd}$  と表せるはずである。この式で図 4.7 の 662keV をフィッティン グしたところ、a = 607.435, b = 0.01369 という値が得られた。ここで  $b^{-1}$  は吸収長を表 し、 $b^{-1} = 73$ [mm] となった。

以上の結果より、ライトガイドを使用するとその形状に関わらず光量は低下した。また 角度による光量増加がほとんど見られない。アクリルを使う以上はライトガイドによる利 得はなしと考えてもよく、形状ではなく他の材質等を検討した方がよい。

## 第5章 まとめ

本研究ではNeXT 衛星搭載 SGD 検出器のアクティブシールドとして、BGO シンチレー タの APD を用いた光読み出しの研究を行った。BGO 読み出しに複数の APD を用いるう えで、増幅に用いる PreAmp の数によるノイズの違いを測定した。また、APD と PreAmp を接続するケーブルの長さによるノイズも考察した。複数の APD ではなく、ライトガイ ドを用いて1つの APD で読み出すことの有用性、また、ライトガイドの最適な形状の考 察と、以上3点の実験を行った。

第三章で行った複数の PreAmp を読み出す PreAmp の数についての考察では、4つの 10mm 角 PD、3mm 角 APD を用いた。1つの PD または APD に対して1つの PreAmp で 増幅した場合のノイズと、全ての PD または APD に対して1つの PreAmp で増幅した場 合のノイズを比較した。結果としては N = 5 程度ならば増幅する PreAmp が1つでも複 数でもノイズはほぼ同じなので PreAmp は1つでもよい。また APD ノイズの理論値との ずれは未だに原因がはっきりせず、今後さらなる考察または再現性の実験が必要である。

また同軸ケーブルの長さによるノイズの考察では、外径 1.41mm の高耐圧同軸ケーブル を用いて、PD について 10cm ~ 100cm、APD について 0cm と 100cm のノイズを測定した 結果、ケーブルの容量が各素子の端子間容量と同等になる程度の長さが限界であるという ことが分かった。PD だと 80cm、APD だと 40cm 程度である。実際 SGD に搭載されるの は現段階では 10mm 角 APD が検討されているので端子間容量はさらに大きくなり、ケー ブルの長さもより長く出来ると考えられる。

第四章で行ったライトガイドの有用性、および最適な形状の考察では視野角を狭くする 井戸型 BGO の側面部を想定した BGO プレートに、4 種類の長さの違う透明アクリル製 ライトガイドを接着し、3mm 角 APD で読み出した。ライトガイドを用いない場合も含 め、各場合の光量比を比較した結果、ライトガイドが短い方が光量は多かった。このこと からライトガイドは角度よりも長さ、つまり光路の長さに依存することが分かった。そし てどのライトガイドより、ライトガイドを用いず BGO プレートに直接 APD を接着した 場合の方が光量は多かった。よってライトガイド自体に有用性がないことが分かった。

謝辞

本研究を行うにあたり御指導にあたっていただきました大杉先生、深澤先生に心より感 謝いたします。実験の手際が悪い私でしたがとても親切に御指導いただき、なんとか本論 文を書き上げるに至りました。

同じ APD 実験で修論を書いておられた M2 の竹本さんにもお世話になりました。ご自 身の実験や論文でお忙しい中アドバイスや相談に乗ってくださり、ありがとうございまし た。また、実験室の先輩として、D1 安田さん、M2 田中さん、M1 西野さん、同輩として 松岡くん、全員に非常にお世話になりましたことを深く感謝致します。ひろたかさんもよ くアドバイスをいただいたり夜遅くまで実験に付き合ってくださったりしていただいて非 常に助かりました。体調管理のことも注意されたりしました。

実験室のみならず高エネルギー宇宙・素粒子実験研究室のみなさまにも厚く感謝いたし ます。卒業論文は大変でしたが楽しんでやれたのはみなさまのおかげです。本当にありが とうございました。

## 参考文献

- [1] 宇宙科学研究本部 「次期 X 線天文衛星計画 NeXT」, http://www.astro.isas.jaxa.jp/future/NeXT/,(2008/1/9アクセス)
- [2] 高橋忠幸 et al.「NeXT 衛星搭載軟ガンマ線検出器 (SGD) の開発」, 2004
- [3] T.Takahashi 「NeXT 衛星搭載用硬 X 線検出器・ガンマ線検出器」, http://www.astro.isas.jaxa.jp/ takahasi/Detectors/NeXT.html (2008/1/3 アク セス)
- [4] http://www.hp.phys.titech.ac.jp/next/fornext.html ,(2008/1/4アクセス)
- [5] Glenn F.Knoll 木村逸郎 阪井英次 訳 「放射線計測ハンドブック第三版」,日刊工業 新聞社,2001
- [6] 竹本健太 「宇宙軟ガンマ線観測用 BGO 井戸型アクティブシールドの光読み出しの 研究」, 広島大学 卒業論文,2006
- [7] 白井裕久「宇宙 X 線検出器シールド用 BGO ブロックの光読み出しの研究と APD 特 性の自動測定システムの立ち上げ」,広島大学 卒業論文,2006
- [8] 浅野哲也 「BGO と APD を用いた宇宙 線検出器アクティブシールドの研究」、広島大学 卒業論文,2005
- [9] 木原邦夫「半導体検出器回路におけるノイズフィルター」, 広島大学 卒業論文,2003
- [10] T.Ikagawa et al. Perfomance of large-area avalanche photodiode for low-energy Xrays scintillation detection, Nuclear Instruments and Methods in Physics Research, A515, 671, 2003
- [11] T.Ikagawa et al. Study of large area Hamamatsu avalanche photodiode in a γ-ray scintillation detector, Nuclear Instruments and Methods in Physics Research, A538, 640, 2005
- [12] 斉藤孝男「2次元 APD array と VLSI を用いた X 線 · 線用撮像検出器の開発」, 東 京工業大学 修士論文,2006
- [13] M.Moszyński et al. Avalanche photodiodes in scintillation detection, Nuclear Instruments and Methods in Physics Research A497,226-233,2003